Олимпиадные задания (II районный этап) МАТЕМАТИКА 10

1-часть. Каждое задание оценивается 0,9 баллом

- 1. В выпуклый четырехугольник ABCD вписана окружность. Найдите разность CD AD, если
 - AB = 7, BC = 11
- A) 5
- B) 2 C) 3
- D) 4
- 2. В какой четверти координатной плоскости расположен центр окружности, заданной уравнением
 - $x^2 + y^2 + \sqrt{3}y \sqrt{5}x = 1$?
- A) I
- B) II
- C) III
- D) IV
- 3. В супермаркете проходит рекламная акция: покупая 3 шоколадки, 4-ю шоколадку покупатель получает в подарок. Шоколадка стоит 28000 сум. Какое наибольшее число шоколадок получит покупатель за 300 000 сум? А) 11 B) 14 C) 13 D) 12
- 4. *ABCD* —параллелограмм. Найдите *DE*.
- B) 9 C) 5

- 5. Упростите: $\frac{a^2-b^2}{a+b} \frac{a^3+b^3}{a^2-b^2} (ab-2a^2) \cdot (a-b)^{-1}$
- B) a + b C) 2a D) a b

- 6. Сколько диагоналей в выпуклом 12-угольнике? А) 54

- D) 40
- 7. При каком положительном значении k уравнение $20x^2 + kx + 5 = 0$ имеет один корень?
- B) 20
- C) 10 D) 5
- 8. x_1 и x_2 корни уравнения $x^2-7x-1=0$, найдите $x_1^2+x_2^2$. A) 4 B) 49 C) 53
- 9. Решите уравнение $\frac{7(2x-(3x-1))}{15} \frac{8(3x-(2x-1))}{17} = \frac{7}{15}(1-x)$. A) $\frac{15}{17}$ B) 0 C) $\frac{8}{17}$ D) -1

- 10. Упростите: $\frac{|a^2-25|}{5+a} \frac{|a^2-16|}{a-4}$ bunda, |a| < 3 A) 2a 9 B) 9 C) 9 2a D) 1-2a

B) 48

2-часть. Каждое задание оценивается 1,5 баллом

- 11. Найдите количество четырёхзначных чисел, у которых третья цифра меньше четвёртой на 1.
 - A) 900
- B) 990
- C) 720
- D) 810
- функции $f(x) = ax^2 + b$ проходит через точки 12. График A(-1;5)B(2;-1).Найдите значение f(5 - f(1)) A) 5 В) 2 C) 6 D) 7
- 13. Сколько существует четырёхзначных чисел, делящихся на 4, в десятичной записи которых нет цифр 4, 5, 6, 8? А) 120 B) 210 C) 180
- 14. Укажите уравнение параболы симметричной параболы $y = 4x^2 3x 5$ относительно точки O(0;0).
 - A) $v = 4x^2 3x + 5$
- B) $y = -4x^2 3x + 5$
- C) $y = -4x^2 3x 5$ D) $y = 4x^2 + 3x 5$
- 15. Сколько (a; b) пар целых чисел удовлетворяют равенству $a^3b^2 = 1024$?
- C) 5
- 16. $\sqrt{x} + \sqrt{x+5} = \frac{10}{\sqrt{x}}$ сколько корней имеет уравнение? A) 1 B) 2

C) 3

D) 4



Олимпиадные задания (II районный этап) МАТЕМАТИКА 10

17. Если
$$\frac{1}{x} = \frac{3}{y+z} = \frac{5}{z+x}$$
 то, найдите $\frac{z-y}{x}$. A) 4 B) 4,5 C) 5

- 18. Сколько чисел из набора 1,2,3,4...,2021,2022 не делятся 7?
 - A) 1084
- B) 1156
- C) 1128
- D) 1098

19. Если
$$8^{\frac{a-1}{b}} = 5$$
 и $125^{\frac{b}{a}} = 4$ то, найдите $\left(\frac{2^a}{5^b}\right)^7$.

- A) 8 B) 4
- C) 0.8
- D) 0.16
- 20. Составте уравнение параболы, симметричной параболе $y = x^2 2$ относительно прямой x = 2.

A)
$$y = x^2 - 8x - 2$$
 B) $y = x^2 + 8x - 14$ C) $y = x^2 + 8x + 2$ D) $y = x^2 - 8x + 14$

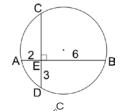
B)
$$v = x^2 + 8x - 14$$

C)
$$y = x^2 + 8x + 2$$
 D

D)
$$y = x^2 - 8x + 14$$

3-часть. Каждое задание оценивается 2,6 баллом

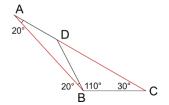
- 21. $(a + a^2 + a^3) + (\frac{1}{a} + \frac{1}{a^2} + \frac{1}{a^3}) = 28$ bo'lsa, $(2a 3)^2$ ifodaning qiymatini toping.
- 22. На рисунке AE = 2, BE = 6, DE = 3. Найдите диаметр окружности.



- 23. $f(x) = \frac{1+x+x^2+x^3+...+x^{2020}+x^{2021}}{1+x^3+x^6+x^9+...+x^{2019}}$ найдите f(5-f(1-f(1-f(0))))
- 24. Если f(x) + (x+2)f(1-x) = x-3 то, найдите $(f(0)+f(1)) \cdot f(-2)$.
- ABCD $\angle BAD = \angle CDA = 60^{\circ}, \ \angle BDA = \angle CAB,$ 25. B четырехугольнике AB = 2 и CD = 9. Чему равно AD?



- 26. При каких положительных значениях параметра а все корни квадратного уравнения $x^2 - (a+3)x + 3a + 11 = 0$ целые?
- 27. Решите уравнение $\sqrt{6x-x^2-5}+\sqrt{6x-x^2-8}=3+\sqrt{4x-x^2-3}$.
- 28. $\angle BAD = \angle ABD = 20^{\circ}$, $\angle DBC = 110^{\circ}$, $\angle BCD = 30^{\circ}$ if AB = 2, CD = ?
- 29. Операция ∆ действует на двух числах и даёт следующие результаты:



- $9 \Delta 2 = 117$
- $3 \Delta 3 = 60$
- $5 \Delta 4 = 91$
- $11 \Delta 9 = 202$

Чему равно 7 ∆ 1?

30. Сколько существует 10-значных чисел, сумма цифр которых равна 3?